

OSS - Barem de corectare - Etapa județeană - CLASA a VI-a

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Nu se acordă puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin însumarea punctajului total acordat pentru lucrare.

Problema 1. (7 puncte)	
Din teorema împărțirii cu rest avem: $\begin{aligned} n &= 5c_1 + 3 & -3 \Rightarrow n-3 \in M_5 \\ n &= 7c_2 + 3 & -3 \Rightarrow n-3 \in M_7 \\ n &= 11c_3 + 3 & -3 \Rightarrow n-3 \in M_{11} \end{aligned}$	3p
$\Rightarrow (n-3) = [5; 7; 11] = 385 \Rightarrow (n-3) \in M_{385} = \{0; 385; 770; 1155; 1540; 1925; \dots\}$	2p
$\Rightarrow n \in \{3; 388; 773; 1158; 1543; 1928; \dots\}$	2p
Cum $1000 < n < 2000$ și n impar $\Rightarrow n = 1543$	
Problema 2. (7 puncte)	
a) $a = 63, b = (42, 28) = 14$	2p
$a + b = 77$ număr compus	2p
b) Pentru $x = 12, y = 8, z = 5$ se obține relația $2^{24} + 2^{24} = 2^{25}$	1p
$2^{24} + 2^{24} = 2^{24} \cdot (1+1) = 2^{24} \cdot 2 = 2^{25}$, deci se verifică relația.	2p
Problema 3. (7 puncte)	
a) $BC = AB + 20^\circ$ $CD = BC + 20^\circ = AB + 40^\circ$ $AD = 2 \cdot AB$	2p
$AB + BC + CD + DA = 360^\circ \Rightarrow AB = 60^\circ$	2p
b) $BC = 80^\circ, CD = 100^\circ$	1p
$BC + CD = 180^\circ \Rightarrow BD = 180^\circ \Rightarrow B, D$ diametral opuse	2p
Problema 4. (7 puncte)	
a) $d_1 \perp a \Rightarrow \sphericalangle MOQ = 90^\circ$	1p
$a \parallel b, d_1$ secantă $\Rightarrow \sphericalangle MOQ, \sphericalangle OQR$ unghiuri interne de aceeași parte a secantei $\Rightarrow \sphericalangle OQR = 90^\circ$	2p
b) $\sphericalangle ORQ = \frac{30}{100} \cdot 180^\circ = 54^\circ$	2p
$a \parallel b, d_2$ secantă $\Rightarrow \sphericalangle ORQ \equiv \sphericalangle PON$, unde N este un punct pe semidreapta opusă lui OM (unghiuri corespondente)	1p
$\sphericalangle MOP = 180^\circ - \sphericalangle PON = 126^\circ$	1p